

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
"КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ
У.Д. АЛИЕВА"

Факультет экономики и управления

УТВЕРЖДАЮ
Декан ФЭУ  З.М. Чомаева
М.П.  26.06.2023

Рабочая программа дисциплины

Теория вероятностей и математическая статистика

(наименование дисциплины (модуля))

Направление подготовки

38.03.01. Экономика

(шифр, название направления)

Направленность (профиль) подготовки

«Бухгалтерский учет, анализ и аудит»

Квалификация выпускника

бакалавр

Форма обучения

Очная / очно-заочная

Год начала подготовки - 2023

(по учебному плану)

Карачаевск, 2023

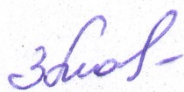
Составитель: ст. преподаватель кафедры математического анализа Лайпанова М. С.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 38.03.01. Экономика, утвержденным приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 12.08.2020 № 954, основной профессиональной образовательной программой высшего образования по направлению подготовки 38.03.01. Экономика, профиль – Бухгалтерский учет, анализ и аудит; локальными актами КЧГУ.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры Математический анализ на 2023-2024 уч. год.

Протокол № 10 от 30.06.2023 г.

Заведующий кафедрой



к.ф.-м.н., доцент Лайпанова З.М.

СОДЕРЖАНИЕ

1. Наименование дисциплины (модуля).....	4
2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.....	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	5
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся.....	6
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.....	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий.....	6
(в академических часах).....	6
5.2. Тематика лабораторных занятий.....	10
5.3. Примерная тематика курсовых работ.....	10
6. Образовательные технологии.....	11
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю).....	12
7.1. Описание шкал оценивания степени сформированности компетенций.....	12
7.2. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины.....	14
7.2.1. Примерный вариант тестовых заданий.....	14
7.2.2. Примерные вопросы к итоговой аттестации (зачет, экзамен).....	19
7.2.3. Балльно-рейтинговая система оценки знаний бакалавров.....	21
7.2.4. Кейс задания.....	23
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).....	26
8.1. Основная литература:.....	26
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).....	27
10. требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля).....	29
10.1. Общесистемные требования.....	29
10.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины.....	30
10.3. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.....	31
11. Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья.....	32

3.

1. НАИМЕНОВАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Теория вероятностей и математическая статистика

Цели освоения дисциплины: знакомство студентов с основными понятиями, методами и результатами теории вероятностей и математической статистики. Обучение студентов построению математических моделей случайных явлений, изучаемых экономикой, анализу этих моделей, привитие студентам навыков интерпретации теоретико-вероятностных конструкций внутри математики и за ее пределами, заложить понимание формальных основ дисциплины и выработать у студентов достаточный уровень вероятностной интуиции, позволяющей им осознанно переводить неформальные стохастические задачи в формальные математические задачи теории вероятностей. Формирование представлений о математических методах сбора, систематизации, обработки и интерпретации результатов наблюдений для выявления статистических закономерностей.

Для достижения цели ставятся задачи:

- получить представление о роли теории вероятностей в профессиональной деятельности;
- изучить необходимый понятийный аппарат дисциплины;
- сформировать умения решать типовые задачи основных разделов теории вероятностей и математической статистики, в том числе с использованием прикладных математических пакетов;
- изучение методы количественной оценки случайных событий;
- освоить методы обработки статистической информации;
- получить представление о применении положений теории вероятностей при моделировании экономических процессов.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина "Теория вероятностей и математическая статистика" относится к Блоку Б1. Дисциплина (модуль) изучается на 2 курсе в 3 и 4 семестрах.

МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП	
Индекс	Б1.О.09
Требования к предварительной подготовке обучающегося:	
Учебная дисциплина "Теория вероятностей и математическая статистика" является базовой, знакомит студентов с общими представлениями теории вероятностей и математической статистики, опирается на входные знания, полученные в общеобразовательной школе.	
Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:	
Дисциплина (модуль) "Теория вероятностей и математическая статистика" является базовой для успешного освоения дисциплин: "Статистика", "Экономико- математические методы и модели", "Эконометрика". Изучение дисциплины необходимо для успешного освоения дисциплин профессионального цикла и практик, формирующих компетенции ОПК-1, ОПК-2.	

3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ), СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Процесс изучения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося: ОПК-1; ОПК-2.

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ ПООП/ ООП	Индикаторы достижения компетенций	Декомпозиция компетенций (результаты обучения) в соответствии с установленными индикаторами
ОПК-1	Способен применять знания (на промежуточном уровне) экономической теории при решении прикладных задач;	<p>ОПК-1.1 Применяет знания общей экономической теории и использует понятийно-категориальный аппарат при решении прикладных задач</p> <p>ОПК-1.2 Демонстрирует знания экономических концепций, моделей, научных школ и направлений развития экономической науки, их историческую взаимосвязь с процессами, происходящими в обществе</p> <p>ОПК-1.3 Выполняет отдельные элементы работ, связанные с будущей профессиональной деятельностью</p>	<p>Знает: основы математики и общей экономической теории.</p> <p>Умеет: решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеэкономических знаний, а также методов математического моделирования.</p> <p>Владеет: понятийно-категориальным аппаратом общей экономической теории для решения прикладных задач</p>
ОПК-2	Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач;	<p>ОПК-2.1 Использует математический инструментарий в объеме, необходимом для решения поставленных экономических задач.</p> <p>ОПК-2.2 Применяет социологический инструментарий сбора и анализа данных, необходимых для решения поставленных задач.</p> <p>ОПК-2.3 Проводит сбор, обработку и статистический анализ данных для решения поставленных экономических задач</p> <p>ОПК-2.4 Осуществляет обработку и анализ данных для решения поставленных задач на основе эконометрических методов</p>	<p>Знает: основы теории вероятностей и математической статистики</p> <p>Умеет: применять методы теории вероятностей и математической статистики для сбора, обработки и статистического анализа данных для решения поставленных экономических задач</p> <p>Владеет: навыками обработки и анализа данных для решения поставленных задач на основе методов математической статистики.</p>

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В ЗАЧЕТНЫХ ЕДИНИЦАХ С УКАЗАНИЕМ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ЧАСОВ, ВЫДЕЛЕННЫХ НА КОНТАКТНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ПРЕПОДАВАТЕЛЕМ (ПО ВИДАМ УЧЕБНЫХ ЗАНЯТИЙ) И НА САМОСТОЯТЕЛЬНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет **5 ЗЕТ, 180** академических часов.

Объём дисциплины	Всего часов	
	для очной формы обучения	для очно-заочной формы обучения
Общая трудоемкость дисциплины	180	180
Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий)* (всего)	94	72
Аудиторная работа (всего):	94	72
в том числе:		
лекции	56	38
практические занятия	38	28
лабораторные работы		
Внеаудиторная работа:	-	
Курсовые работы	-	-
консультация перед экзаменом	-	-
групповая, индивидуальная консультация и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем	-	-
Самостоятельная работа обучающихся (всего)	86	108
Контроль		
Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет / экзамен)	Зачет (2), зачет(3)	Зачет(1 л), Зачет(2 з)

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ), СТРУКТУРИРОВАННОЕ ПО ТЕМАМ (РАЗДЕЛАМ) С УКАЗАНИЕМ ОТВЕДЕННОГО НА НИХ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ЧАСОВ И ВИДОВ УЧЕБНЫХ ЗАНЯТИЙ

5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий

(в академических часах)

ДЛЯ ОЧНОЙ ФОРМЫ ОБУЧЕНИЯ

№ п/п	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)

		Всего	Аудиторные уч. занятия			Сам. работа	Планируемые результаты обучения	Формы текущего контроля
			Лек	Практ.	Лаб			
	Раздел 1. Основные понятия и теоремы теории вероятностей	40	13	7		20		
1	Классификация событий. Соотношения между событиями. Определение вероятности.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
2	Элементы комбинаторики: перемещения, размещения, сочетания.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
3	Соотношение между событиями. Применение формул комбинаторики при вычислении вероятности события.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
4	Условная вероятность события. Независимые события.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
5	Теоремы сложения вероятностей. Следствия теоремы сложения вероятностей.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
6	Теоремы умножения вероятностей.		1	1		2	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
7	Формула полной вероятности. Формула Байеса. Аксиоматическое построение теории вероятностей.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
	Раздел 2. Повторные независимые испытания.	8	3	1		4		Фронтальный опрос, проверка д/з
8	Формула Бернулли, формула Пуассона.		1			1	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
9	Локальная и интегральная формула Муавра-Лапласа. Следствия интегральной теоремы Муавра-Лапласа.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
	Раздел 3. Случайные величины. Основные законы распределения случайных величин.	60	20	10		30		Фронтальный опрос, проверка д/з
11	Понятие случайной величины (СВ).		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос,

	Математические операции над случайными величинами. Дискретные СВ.							проверка д/з
12	Числовые характеристики ДСВ: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, мода, медиана.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
13	Функция распределения СВ. Биномиальный, геометрический, гипергеометрический законы распределения и их числовые характеристики.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
14	Непрерывные СВ. Плотность вероятности.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
15	Законы распределения НСВ: равномерный, показательный.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
16	Плотность вероятности. Законы распределения НСВ: нормальный. Правило трех сигм. Числовые характеристики.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
17	Распределение СВ, представляющих функции нормальных величин		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
18	Понятие многомерной СВ. Функция распределения и плотность вероятности многомерной СВ.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
19	Условные законы распределения. Числовые характеристики двумерной случайной величины. Регрессия.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
20	Зависимые и независимые СВ. Ковариация и коэффициент корреляции.		2	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
	Раздел 4. Закон больших чисел и предельные теоремы.	18	5	5		8		Фронтальный опрос, проверка д/з
21	Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева.		2	2		2	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
22	Теоремы Чебышева,		1	1		3	ОПК-1,	Фронтальный

	Бернулли.						ОПК-6	опрос, проверка д/з
23	Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова		2	2		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
	Раздел 5.Элементы математической статистики.	54	15	15		24		Фронтальный опрос, проверка д/з
24	Введение в математическую статистику. Общие сведения о выборочном методе. Типы выборок. Способы отбора.		1	1		2	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
25	Вариационные ряды и их графическое изображение: полигон, гистограмма, кумулята, эмпирическая функций. Средние величины, показатели вариации.		2	2		2	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
26	Понятие оценки параметров. Свойства оценок. Методы нахождения оценок: метод наибольшего правдоподобия, метод моментов, метод наименьших квадратов.		2	2		2	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
27	Понятие интервального оценивания. Доверительная вероятность и предельная ошибка выборки.		1	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
28	Принцип практической уверенности. Статистическая гипотеза и общая схема ее проверки. Критическая область.		2	2		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
29	Проверка гипотез о равенстве средних, дисперсий.		2	2		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
30	Проверка гипотез о числовых значениях параметров, о законе распределения.		2	2		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
31	Дисперсионный, корреляционный, регрессионный анализы. Линейная парная		2	2		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з

	регрессия.							
32	Ранговая корреляция. Нелинейная регрессия.		1	1		3	ОПК-1, ОПК-2	Фронтальный опрос, проверка д/з
	Всего	180	56	38		86		

ДЛЯ ОЧНО-ЗАОЧНОЙ ФОРМЫ ОБУЧЕНИЯ

№ п/п	Раздел дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)					
			Всего	Аудиторные уч. занятия			Самост. работа	Контроль
				Лек.	Пр/сем.	Лаб.		
1.	Раздел 1. Основные понятия и теоремы теории вероятностей	35	7	4		24		
2.	Раздел 2. Повторные независимые испытания.	36	7	4		25		
3.	Раздел 3. Случайные величины. Основные законы распределения случайных величин.	37	8	4		25		
4.	Раздел 4. Закон больших чисел и предельные теоремы.	27	6	6		15		
5.	Раздел 5.Элементы математической статистики.	45	10	10		25		
	Всего по видам учебных занятий	180	38	28		114		

5.2. Тематика лабораторных занятий

Учебным планом не предусмотрены

5.3. Примерная тематика курсовых работ

Учебным планом не предусмотрены

6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических (семинарских, лабораторных) занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения.

Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений и лидерских качеств при проведении учебных занятий.

Практические (семинарские занятия относятся к интерактивным методам обучения и обладают значительными преимуществами по сравнению с традиционными методами обучения, главным недостатком которых является известная изначальная пассивность субъекта и объекта обучения.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

Методические рекомендации по проведению различных видов практических (семинарских) занятий.

1. Обсуждение в группах

Групповое обсуждение какого-либо вопроса направлено на нахождение истины или достижение лучшего взаимопонимания, Групповые обсуждения способствуют лучшему усвоению изучаемого материала.

На первом этапе группового обсуждения перед обучающимися ставится проблема, выделяется определенное время, в течение которого обучающиеся должны подготовить аргументированный развернутый ответ.

Преподаватель может устанавливать определенные правила проведения группового обсуждения:

- задавать определенные рамки обсуждения (например, указать не менее 5... 10 ошибок);

- ввести алгоритм выработки общего мнения (решения);

- назначить модератора (ведущего), руководящего ходом группового обсуждения.

На втором этапе группового обсуждения вырабатывается групповое решение совместно с преподавателем (арбитром).

Разновидностью группового обсуждения является круглый стол, который проводится с целью поделиться проблемами, собственным видением вопроса, познакомиться с опытом, достижениями.

2. Публичная презентация проекта

Презентация – самый эффективный способ донесения важной информации как в разговоре «один на один», так и при публичных выступлениях. Слайд-презентации с использованием мультимедийного оборудования позволяют эффективно и наглядно представить содержание изучаемого материала, выделить и проиллюстрировать

сообщение, которое несет поучительную информацию, показать ее ключевые содержательные пункты. Использование интерактивных элементов позволяет усилить эффективность публичных выступлений.

3. Дискуссия

Как интерактивный метод обучения означает исследование или разбор. Образовательной дискуссией называется целенаправленное, коллективное обсуждение конкретной проблемы (ситуации), сопровождающейся обменом идеями, опытом, суждениями, мнениями в составе группы обучающихся.

Как правило, дискуссия обычно проходит три стадии: ориентация, оценка и консолидация. Последовательное рассмотрение каждой стадии позволяет выделить следующие их особенности.

Стадия ориентации предполагает адаптацию участников дискуссии к самой проблеме, друг другу, что позволяет сформулировать проблему, цели дискуссии; установить правила, регламент дискуссии.

В стадии оценки происходит выступление участников дискуссии, их ответы на возникающие вопросы, сбор максимального объема идей (знаний), предложений, пресечение преподавателем (арбитром) личных амбиций отклонений от темы дискуссии.

Стадия консолидации заключается в анализе результатов дискуссии, согласовании мнений и позиций, совместном формулировании решений и их принятии.

В зависимости от целей и задач занятия, возможно, использовать следующие виды дискуссий: классические дебаты, экспресс-дискуссия, текстовая дискуссия, проблемная дискуссия, ролевая (ситуационная) дискуссия.

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

7.1. Описание шкал оценивания степени сформированности компетенций

Уровни сформированности компетенций	Индикаторы	Качественные критерии оценивание			
		2 балла	3 балла	4 балла	5 баллов
ОПК-1					
Базовый	Знать: основы математики и общей экономической теории.	Не знает основы математики и общей экономической теории.	В целом знает основы математики и общей экономической теории.	Знает основы основы математики и общей экономической теории.	
	Уметь: решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеэкономических знаний, а также методов математического моделирования.	Не умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеэкономических знаний, а также методов математического моделирования.	В целом умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеэкономических знаний, а также методов математического моделирования.	Умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеэкономических знаний, а также методов математического моделирования.	

	Владеть: понятийно- категориальным аппаратом общей экономический теории для решения прикладных задач	Не владеет понятийно- категориальным аппаратом общей экономической теории для решения прикладных задач	В целом владеет понятийно- категориальным аппаратом общей экономической теории для решения прикладных задач	Владеет понятийно- категориальным аппаратом общей экономической теории для решения прикладных задач.	
Повышенный	Знать: основы математики и общей экономической теории.				В полном объеме знает основы математики и общей экономической теории.
	Уметь: решать стандартные профессиональ ные задачи с применением естественнонауч ных и общеэкономичес ких знаний, а также методов математического моделирования.				В полном объеме умеет решать стандартные профессиональн ые задачи с применением естественнонауч ных и общеэкономическ их знаний, а также методов математического моделирования.
	Владеть: понятийно- категориальным аппаратом общей экономический теории для решения прикладных задач				В полном объеме владеет понятийно- категориальным аппаратом общей экономической теории для решения прикладных задач
ОПК-2					
Базовый	Знать: основы теории вероятностей и математической статистики	Не знает основы теории вероятностей и математической статистики	В целом знает основы теории вероятностей и математической статистики	Знает основы теории вероятностей и математической статистики	
	Уметь: применять методы теории вероятностей и математической статистики для сбора, обработки и статистического анализа данных для решения	Не умеет применять методы теории вероятностей и математической статистики для сбора, обработки и статистического анализа данных для решения поставленных	В целом умеет применять методы теории вероятностей и математической статистики для сбора, обработки и статистического анализа данных для решения поставленных	Умеет применять методы теории вероятностей и математической статистики для сбора, обработки и статистического анализа данных для решения поставленных экономических	

	поставленных экономических задач	экономических задач	экономических задач	задач	
	Владеть: навыками обработки и анализа данных для решения поставленных задач на основе методов математической статистики.	Не владеет навыками обработки и анализа данных для решения поставленных задач на основе методов математической статистики.	В целом владеет навыками обработки и анализа данных для решения поставленных задач на основе методов математической статистики.	Владеет навыками обработки и анализа данных для решения поставленных задач на основе методов математической статистики.	
Повышенный	Знать: основы теории вероятностей и математической статистики				В полном объеме знает основы теории вероятностей и математической статистики
	Уметь: применять методы теории вероятностей и математической статистики для сбора, обработки и статистического анализа данных для решения поставленных экономических задач				В полном объеме умеет применять методы теории вероятностей и математической статистики для сбора, обработки и статистического анализа данных для решения поставленных экономических задач
	Владеть: навыками обработки и анализа данных для решения поставленных задач на основе методов математической статистики.				В полном объеме владеет навыками обработки и анализа данных для решения поставленных задач на основе методов математической статистики.

7.2. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины

7.2.1. Примерный вариант тестовых заданий

по теории вероятностей и математической статистике с ответами

1 – вариант

1. Предметом теории вероятностей является

- A) изучение массовых однородных случайных событий.
- B) изучение вероятностных закономерностей.
- C) изучение случайных величин и массовых вероятностей.
- *D) изучение вероятностных закономерностей массовых однородных случайных событий.

2. Какие события называют несовместными?

- A) События называют несовместными, если появление одного исключает появление другого.
- B) События называют несовместными, если появление других событий исключают появление данных событий.
- *C) События называют несовместными, если появление одного из них исключает появление других событий в одном и том же испытании.
- D) События называют несовместными, если появление всех событий исключает появление других событий в одном и том же испытании.

3. Вероятность события A определяется формулой

- A) $P(A) = \frac{m}{m}$
- *B) $P(A) = \frac{m}{n}$
- C) $P(A) = \frac{n}{m}$
- D) $A(P) = \frac{m}{n}$

4. Сколько трёхзначных чисел можно составить из цифр 1, 2, 3, если каждая цифра входит в изображении числа только один раз?

- *A) $P^3 = 3! = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$
- A) $A^3 = 3! = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$
- B) $C^3 = 3! = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$
- C) $W^3 = 3! = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$

5. При решении задач комбинаторики используют следующие правила:

- A) правила частного и произведения.
- *B) правила суммы и произведения.
- C) правила суммы и разности.
- D) правила частного и разности.

6. В партии из 10 деталей 7 стандартных. Найти вероятность того, что среди шести взятых наудачу деталей 4 стандартных.

- A) $P(A) = (C_{10}^7 \cdot C_3^2) / C_{10}^6 = 1/2$
- *B) $P(A) = (C_7^4 \cdot C_3^2) / C_{10}^6 = 1/2$
- C) $P(A) = (C_7^4 \cdot C_3^2) / C_{10}^6 = 3/4$
- D) $P(A) = (C_{10}^7 \cdot C_3^2) / C_{10}^6 = 3/4$

7. Относительная частота события A определяется формулой $W(A) = m/n$, где

- A) m – число элементарных исходов, благоприятствующих A,

- n – число всех возможных элементарных исходов испытания.
 В) m – число элементарных исходов, благоприятствующих A ,
 n – число появлений события.
 С) m – общее число испытаний,
 n – число всех возможных элементарных исходов испытания.
 *D) m – число появлений события,
 n – общее число испытаний.

8. Ученые, которые занимались теорией вероятности
 А) А. Паскаль.
 В) Архимед, Евклид.
 С) Менделеев, Коперник
 *D) Б. Паскаль, П. Ферма, Х. Гюйгенс

9. Множество всех элементарных событий, связанных с некоторым опытом, называется

- А) полной системой событий.
 *B) пространством элементарных событий.
 С) достоверным множеством.
 D) благоприятствующее множество.

10. Определите правильную формулу числа сочетания.

- А) $(m-k)!k!$ В) $m!$ *C) $m!/(m-k)!k!$ D) $m!k!$

11. Из 10 различных книг выбирают 4 для посылки. Сколькими способами это можно сделать?

- А) 21 *B) 210 С) 102 D) 120

12. Если $n=12$ и $m=9$. Чему равно $P(A)$?

- А) $4/3 = 1/3$ *B) $3/4 = 0,75$ С) $12/9 = 3/9$ D) 1,75

13. Укажите правильную формулу Бернулли

- *A) $P^n(m) = C_n^m p^m g^{n-m}$
 В) $P^n(m) = p^m g^{n-m}$
 С) $P^n(m) = C_n^m g^{n-m}$
 D) $P^n(m) = C_n^m p^m$

14. Математическое ожидание определяется следующим равенством

- А) $M(X) = \prod_{i=1}^{\infty} x_i p_i$
 *B) $M(X) = \sum_{i=1}^{\infty} x_i p_i$
 С) $M(P) = \prod_{i=1}^{\infty} x_i p_i$
 D) $M(P) = \sum_{i=1}^{\infty} x_i p_i$

15. Какая формула имеет место в теореме Бернулли?

- А) $\lim_{n \rightarrow \infty} P(|m/n - p|) = 1$

- B) $\lim_{n \rightarrow \infty} P(|m/n - p| < \varepsilon) \neq 1$
- *C) $\lim_{n \rightarrow \infty} P(|m/n - p| < \varepsilon) = 1$
- D) $\lim_{n \rightarrow \infty} P(|m - p| < \varepsilon) = 1$

16. Математическая статистика возникла в

- A) 15 в. B) 16 в. *C) 17–18 в. D) 19–20 в.

17. Серийным называется отбор, при котором объекты отбираются

- A) случайным образом
- B) через определённый интервал
- *C) из целой серии объектов
- D) по одному элементу

18. Полигоном частот называется

- A) прямая линия на координатной плоскости.
- *B) ломаная линия, отрезки которой соединяют точки $(x_i; n_i)$.
- C) ломаная линия, отрезки которой соединяют точки $(x_i; x_i)$.
- D) прямая линия, отрезки которой соединяют точки $(x_i; n_i)$.

19. Наблюдаемые значения рассматриваемого признака называются

- A) отношениями
- B) группировкой
- C) частотами
- *D) вариантами

20. Дано распределение статистической совокупности

x_i	1	2	3	4
n_i	20	15	10	5

Найти дисперсию совокупности.

- A) $D = 4$ *B) $D = 1$ C) $D = 3$ D) $D = 2$

21. Генеральная совокупность задана таблицей распределения

x_i	2	4	5	6
N_i	8	9	10	3

Найти генеральную дисперсию.

- A) $D = 4,8$ B) $D = 2,8$ C) $D = 3,8$ *D) $D = 1,8$

22. Укажите правильную формулу суммы двух несовместных событий A и B:

- A) $P(A + B) = P(A) + P(B)$
- B) $P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B)$
- C) $P(P(A) + P(B)) = P(AB)$
- *D) $P(A + B) = P(A) + P(B)$

23. В партии из 10 деталей 7 стандартных. Найти вероятность того, что среди шести взятых наудачу деталей 4 стандартных.

*A) 0,5 B) 0,6 C) 0,7 D) 0,8

24. Совокупность случайно отобранных объектов называют

- A) генеральной совокупностью
- *B) выборочной совокупностью
- C) качественной совокупностью
- D) количественной совокупностью

25. Теория вероятности изучает

- A) закономерности случайностей
- B) закономерности событий
- *C) закономерности случайных событий
- D) закономерности математических событий

26. Событие, которое заведомо не произойдет, называется

- A) случайным. *B) невозможным. C) достоверным. D) совместным.

27. Классический способ определения вероятности базируется на понятии

- A) возможных элементарных событий
- *B) всех возможных элементарных событий
- C) невозможных элементарных событий
- D) равновероятных элементарных событий

28. Дисперсия постоянной величины C равна

- A) $D(C) = 1$ B) $D(M) = 0$ *C) $D(C) = 0$ D) $D(M) = 1$

29. Найдите по формуле Бернулли $P^5(2)$, если $p = 0,2$.

- A) 0,248 *B) 0,2048 C) 0,2044 D) 0,2008

30. Укажите правильное свойство математического ожидания

- *A) $M(CX) = CM(X)$
- B) $C(MX) = (CM)X$
- C) $(CM)X = C(MX)$
- D) $M(CX) = MC(X)$

31. В урне 30 шаров: 10 красных, 5 синих и 15 белых. Найти вероятность появления цветного шара.

- *A) $P(A+B) = \frac{1}{2}$ B) $P(AB) = 1/2$ C) $P(A/B) = 1/2$ D) $P(A) = 1/2$

32. Среднее арифметическое значений признака генеральной совокупности называют

- A) выборочной средней
- B) генеральной оценкой
- C) выборочной оценкой
- *D) генеральной средней

33. Площадь гистограммы частот равна

- *A) сумме всех частот
- B) произведению частот
- C) частному частот

D) разности частот

34. Функцию $F(x)$, определяющую вероятность того, что случайная величина X в результате испытания примет значение, меньшее x , называют

- A) непрерывной функцией случайной величины.
- B) постоянной функцией распределения величины.
- C) ожидаемой функцией случайной величины.
- *D) функцией распределения вероятностей случайной величины.

35. Зависимость, при которой изменение одной из величин влечет изменение распределения другой, называют

- A) корреляционной.
- B) средней.
- *C) статистической.
- D) выборочной.

36. Выборочным уравнением регрессии называют уравнение вида:

- A) $\bar{y}_x = f(x)$
- *B) $\bar{y}_x = f(x)$
- C) $y = f(x)$
- D) $y = f(x)$

7.2.2. Примерные вопросы к итоговой аттестации (зачет, экзамен)

1. Предмет теории вероятностей. Роль теории вероятностей в экономических исследованиях
2. Пространство элементарных событий. Вероятностное пространство.
3. Классическая вероятность и ее свойства.
4. Относительная частота. Статистическая вероятность.
5. Сумма событий. Теорема сложения вероятностей.
6. Произведение событий. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.
7. Зависимые и независимые события. Теорема умножения вероятностей для неизвестных событий.
8. Теорема сложения вероятностей для совместных событий.
9. Формула полной вероятности и формулы Байеса.
10. Повторные независимые испытания. Формула Бернулли.
11. Функция Лапласа. Вероятностный смысл функции Лапласа.
12. Виды случайных событий. Законы распределения д. с. в.
13. Функция распределения вероятностей и ее свойства.
14. Функция плотности вероятности и ее свойства.
15. Математическое ожидание. Вероятностный смысл математического ожидания.
16. Свойства математического ожидания.
17. Дисперсия. Свойства дисперсии.

18. Нормальное распределение. Свойства функции плотности нормального распределения.
19. Вероятностный смысл параметров нормального распределения.
20. Влияние параметров "а" и "б" на форму кривой нормального распределения.
21. Вычисление вероятности попадания значений нормальной случайной величины в заданный интервал.
22. Вычисление вероятности заданного отклонения нормальной случайной величины. Правило "трех сигм".
23. Биноминальное распределение. Числовые характеристики биномиального распределения.
24. Показательное распределение.
25. Распределение "хи-квадрат", Стьюдента и Фишера.
26. Теорема Чебышева. Значение теоремы Чебышева.
27. Теорема Бернулли.
28. Понятие о сходимости по вероятности.
29. Центральная предельная теорема Ляпунова.
30. Основные понятия математической статистики.
31. Способы построения оценок.
32. Что такое точечная оценка и каковы ее желательные свойства?
33. Дайте определение несмещенности, состоятельности и эффективности оценок.
34. Что такое интервальная оценка? Как она строится?
35. Как строятся доверительные интервалы для оценки математического ожидания нормального распределения?
36. Как строится доверительный интервал для оценки среднего квадратичного отклонения нормального распределения.
37. Основные понятия статистической проверки гипотез.
38. Ошибки первого и второго рода. Уровень значимости, мощность критерия.
39. Критерий для проверки гипотезы о вероятности события.
40. Критерий для проверки гипотезы о математическом ожидании (дисперсия генеральной совокупности известна).
41. Критерий для проверки гипотезы о математическом ожидании (дисперсия генеральной совокупности неизвестна).
42. Критерий проверки гипотезы о равенстве дисперсии гипотетическому значению.
43. Критерий для проверки гипотезы о сравнении двух дисперсий.
44. Критерий для проверки гипотезы о сравнении двух математических ожиданий (дисперсии генеральных совокупностей известны).
45. Критерий для проверки гипотезы о сравнении двух математических ожиданий (дисперсии генеральных совокупностей неизвестны).

46. Проверка гипотезы о нормальном распределении.
47. Проверка гипотезы о равномерном распределении.
48. Выборочный метод математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Основные принципы отбора данных.
49. Вариационный и статистический ряды. Гистограмма и статистическая функция распределения. Нахождение характеристик выборки: выборочного среднего, дисперсии и стандартного отклонения.
50. Статистическое оценивание параметров распределения. Задачи и общие принципы статистического оценивания. Точечные и интервальные оценки.
51. Статистическая проверка гипотез. Постановка и общая схема решения задач статистической проверки гипотез. Проверка гипотез о законах распределения.

Критерии оценки устного ответа на вопросы по дисциплине

✓ 5 баллов - если ответ показывает глубокое и систематическое знание всего программного материала и структуры конкретного вопроса, а также основного содержания и новаций лекционного курса по сравнению с учебной литературой. Студент демонстрирует отчетливое и свободное владение концептуально-понятийным аппаратом, научным языком и терминологией соответствующей научной области. Знание основной литературы и знакомство с дополнительно рекомендованной литературой. Логически корректное и убедительное изложение ответа.

✓ 4 - балла - знание узловых проблем программы и основного содержания лекционного курса; умение пользоваться концептуально-понятийным аппаратом в процессе анализа основных проблем в рамках данной темы; знание важнейших работ из списка рекомендованной литературы. В целом логически корректное, но не всегда точное и аргументированное изложение ответа.

✓ 3 балла – фрагментарные, поверхностные знания важнейших разделов программы и содержания лекционного курса; затруднения с использованием научно-понятийного аппарата и терминологии учебной дисциплины; неполное знакомство с рекомендованной литературой; частичные затруднения с выполнением предусмотренных программой заданий; стремление логически определенно и последовательно изложить ответ.

✓ 2 балла – незнание, либо отрывочное представление о данной проблеме в рамках учебно-программного материала; неумение использовать понятийный аппарат; отсутствие логической связи в ответе.

7.2.3. Балльно-рейтинговая система оценки знаний бакалавров

Согласно Положения о балльно-рейтинговой системе оценки знаний бакалавров баллы выставляются в соответствующих графах журнала (см. «Журнал учета балльно-рейтинговых показателей студенческой группы») в следующем порядке:

«Посещение» - 2 балла за присутствие на занятии без замечаний со стороны преподавателя; 1 балл за опоздание или иное незначительное нарушение дисциплины; 0 баллов за пропуск одного занятия (вне зависимости от уважительности пропуска) или опоздание более чем на 15 минут или иное нарушение дисциплины.

«Активность» - от 0 до 5 баллов выставляется преподавателем за демонстрацию студентом знаний во время занятия письменно или устно, за подготовку домашнего задания, участие в дискуссии на заданную тему и т.д., то есть за работу на занятии. При этом преподаватель должен опросить не менее 25% из числа студентов, присутствующих на практическом занятии.

«Контрольная работа» или «тестирование» - от 0 до 5 баллов выставляется преподавателем по результатам контрольной работы или тестирования группы, проведенных во внеаудиторное время. Предполагается, что преподаватель по согласованию с деканатом проводит подобные мероприятия по выявлению остаточных знаний студентов не реже одного раза на каждые 36 часов аудиторного времени.

«Отработка» - от 0 до 2 баллов выставляется за отработку каждого пропущенного лекционного занятия и от 0 до 4 баллов может быть поставлено преподавателем за отработку студентом пропуска одного практического занятия или практикума. За один раз можно отработать не более шести пропусков (т.е., студенту выставляется не более 18 баллов, если все пропущенные шесть занятий являлись практическими) вне зависимости от уважительности пропусков занятий.

«Пропуски в часах всего» - количество пропущенных занятий за отчетный период умножается на два (1 занятие=2 часам) (заполняется делопроизводителем деканата).

«Пропуски по неуважительной причине» - графа заполняется делопроизводителем деканата.

«Попуски по уважительной причине» - графа заполняется делопроизводителем деканата.

«Корректировка баллов за пропуски» - графа заполняется делопроизводителем деканата.

«Итого баллов за отчетный период» - сумма всех выставленных баллов за данный период (графа заполняется делопроизводителем деканата).

Таблица перевода балльно-рейтинговых показателей в отметки традиционной системы оценивания

Соотношение часов лекционных и практических занятий	0/2	1/3	1/2	2/3	1/1	3/2	2/1	3/1	2/0	Соответствие отметки коэффициенту
Коэффициент соответствия балльных показателей традиционной отметке	1,5	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	«зачтено»
	1	1	1	1	1	1	1	1	1	«удовлетворительно»
	2	1,75	1,65	1,6	1,5	1,4	1,35	1,25	-	«хорошо»
	3	2,5	2,3	2,2	2	1,8	1,7	1,5	-	«отлично»

Необходимое количество баллов для выставления отметок («зачтено», «удовлетворительно», «хорошо», «отлично») определяется произведением реально проведенных аудиторных часов (n) за отчетный период на коэффициент соответствия в зависимости от соотношения часов лекционных и практических занятий согласно приведенной таблице.

«Журнал учета балльно-рейтинговых показателей студенческой группы» заполняется преподавателем на каждом занятии.

В случае болезни или другой уважительной причины отсутствия студента на занятиях, ему предоставляется право отработать занятия по индивидуальному графику.

Студенту, набравшему количество баллов менее определенного порогового уровня, выставляется оценка "неудовлетворительно" или "незачтено". Порядок ликвидации задолженностей и прохождения дальнейшего обучения регулируется на основе действующего законодательства РФ и локальных актов КЧГУ.

Текущий контроль по лекционному материалу проводит лектор, по практическим занятиям – преподаватель, проводивший эти занятия. Контроль может проводиться и совместно.

7.2.4. Кейс задания

Кейс 1. Подзадача 1.

Известен следующий прогноз X(в %) выполнения плана рабочим

X	90	100	110	120
p	0,2	0,5	0,2	0,1

За каждый процент перевыполнения плана полагается премия 70 руб., а за каждый процент невыполнения плана- штраф 100 руб.

Задание 1: Закон распределения вероятностей случайной величины Y- размера премии (в руб.) работника имеет вид...

Y	-1000	70	700	1400
P	0,2	0,5	0,2	0,1

Y	-1000	0	700	1400
P	0,2	0,5	0,2	0,1

Y	-1000	0	70	1400
P	0,2	0,5	0,2	0,1

Y	-100	0	70	140
P	0,2	0,5	0,2	0,1

Кейс 1. Подзадача 2.

Известен следующий прогноз X(в %) выполнения плана рабочим

X	90	100	110	120
p	0,2	0,5	0,2	0,1

За каждый процент перевыполнения плана полагается премия 60 руб., а за каждый процент невыполнения плана – штраф в размере 100 руб.

Задание:

Математическое ожидание премии равно _____ руб.

Кейс 1. Подзадача 3.

Известен следующий прогноз X(в %) выполнения плана рабочим

X	90	100	110	120
p	0,2	0,5	0,2	0,1

За каждый процент перевыполнения плана полагается премия 70 руб., а за каждый процент невыполнения плана – штраф в размере 100 руб.

280; 80; 60; 180; 120;

Задание:

Установите соответствие между максимальной возможной суммой штрафа и математическим ожиданием размера премии.

1. 500 руб.
2. 800 руб.
3. 1000 руб.

Кейс 2 , подзадача 1.

Общий текст:

Брак при производстве некоторого изделия вследствие дефекта D составляет 9%, а вследствие дефекта E- 10%.

Процент годной продукции составляет 88%.

Задание:

Пусть p- вероятность того, что случайно взятое изделие будет признано бракованным как вследствие дефекта D, так и вследствие дефекта E. Тогда значение $100p$ равно...

Кейс 2 , подзадача 2.

Общий текст:

Брак при производстве некоторого изделия вследствие дефекта D составляет 9%, а вследствие дефекта E- 10%.

Процент годной продукции составляет 88%.

Задание:

Вероятность того, что среди продукции, забракованной вследствие дефекта D, окажется и продукция забракованная вследствие дефекта E, равна...

7/9; 3/4; 7/10; 9/10.

Кейс 2 , подзадача 3.

Общий текст:

Брак при производстве некоторого изделия вследствие дефекта D составляет 9%, а вследствие дефекта E- 10%.

Процент годной продукции составляет 88%.

Задание:

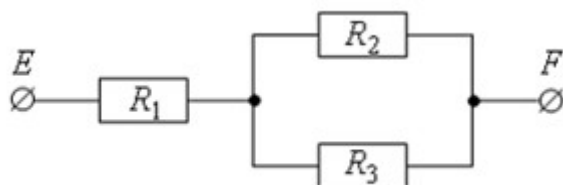
Установите соответствие между объемом N произведенной продукции и наиболее вероятным количеством изделий, бракованных только вследствие дефекта D.

1. N=100
 2. N=300
 3. N=500
- 6; 2; 30; 10; 50.

Кейс 3 , подзадача 1.

Общий текст:

На рисунке представлен участок электрической цепи EF:



где R_1 , R_2 и R_3 – сопротивления.

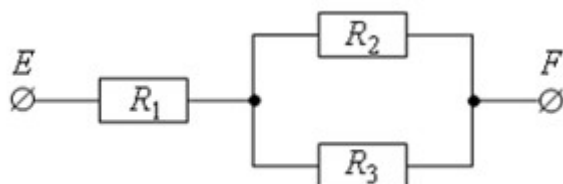
Задание:

Вероятность того, что сопротивления R_1, R_2, R_3 выйдут из строя в течение ближайшего часа, равны соответственно 0,3, 0,2 и 0,4. Тогда значение $1000P(D)$ равно...

Кейс 3 , подзадача 2.

Общий текст:

На рисунке представлен участок электрической цепи EF:



где R_1 , R_2 и R_3 – сопротивления.

Задание:

В результате проведения ремонтно-технических мероприятий удалось увеличить вероятность безотказной работы сопротивления R_1 на $a\%$. Установите соответствие между значением $a\%$ и вероятностью события D .

$a=5\%$	0,5796
$a=10\%$	0,6118
$a=15\%$	0,6762
	0,7084
	0,7406

Ответы.

Кейс 1. Подзадача 1.

Y	-1000	0	700	1400
P	0,2	0,5	0,2	0,1

Кейс 1. Подзадача 2.

40

Кейс 1. Подзадача 3.

1.160

2.120

3. 80

Кейс 2 , подзадача 1.

7

Кейс 2 , подзадача 2.

7/9

Кейс 2 , подзадача 3.

1. 2
2. 6
3. 10

Кейс 3 , подзадача 1.

644

Кейс 3 , подзадача 2.

0,6762-5%

0,7084-10%

0,7406-15%

8. ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

8.1. Основная литература:

1. Березинец, И. В. Практикум по теории вероятностей и математической статистике / И. В. Березинец ; Высшая школа менеджмента СПбГУ. — 9-е изд., испр. и доп. — Санкт-Петербург : Высшая школа менеджмента, 2013 — 163 с. - ISBN 978-5-9924-0088-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/492718> – Режим доступа: по подписке.
2. Коган, Е. А.. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / Е. А. Коган, А. А. Юрченко. — Москва : ИНФРА-М, 2020. — 250 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-014235-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1052969> – Режим доступа: по подписке.
3. Корчагин, В. В. Теория вероятностей и математическая статистика : практикум / В. В. Корчагин, С. В. Белокуров, Р. В. Кузьменко. - Воронеж : Воронежский институт ФСИН России, 2019. - 162 с. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1086219> – Режим доступа: по подписке.
4. Сапожников, П. Н. Теория вероятностей, математическая статистика в примерах, задачах и тестах : учебное пособие / П. Н. Сапожников, А. А. Макаров, М. В. Радионова. — Москва : КУРС : ИНФРА-М, 2020. — 496 с. - ISBN 978-5-906818-47-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1027404> – Режим доступа: по подписке.

8.2. Дополнительная литература:

1. Палий, И. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / И.А. Палий. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : ИНФРА-М, 2021. — 334 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). — DOI 10.12737/1065828. - ISBN 978-5-16-015892-1. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1065828> – Режим доступа: по подписке.
2. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Л. Г. Бирюкова, Г. И. Бобрик, Р. В. Сагитов [и др.] ; под ред. В. И. Матвеева. — 2-е изд, испр. и доп. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 289 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-011793-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/989380> – Режим доступа: по подписке.
3. Хуснутдинов, Р. Ш. Теория вероятностей : учебник / Р.Ш. Хуснутдинов. - М. : ИНФРА-М, 2018. - 175 с. - (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-005312-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/935460> – Режим доступа: по подписке.

4. Шапкин, А. С. Задачи с решениями по высшей математике, теории вероятностей, математической статистике, математическому программированию : учебное пособие для бакалавров / А. С. Шапкин, В. А. Шапкин. — 9-е изд., стер. — Москва : Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2020. — 432 с. - ISBN 978-5-394-03710-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1091871> – Режим доступа: по подписке.

9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Методические указания по изучению дисциплины являются комплексом рекомендаций и разъяснений для студента, которые позволяют ему должным и оптимальным образом организовать процесс изучения дисциплины.

Виды учебных занятий и формы контроля	Организация деятельности студента (Методические рекомендации)
Лекция	<p>Написание конспекта лекций: краткое, схематичное, последовательное фиксирование основных положений, выводов, формулировок, фактов, обобщений; выделение ключевых слов, терминов, понятий. Обозначение вопросов, терминов, материала, вызывающего трудности. Нахождение ответов на вопросы лекционного материала. Для этого проработать материалы лекции с учебной и научной литературой.</p> <p>Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на консультации, на практическом занятии.</p> <p>Общее время отводимое на содержательную проработку лекционного материала, в том числе самостоятельно и контактную работу с преподавателем – 1,5 часа.</p>
Лабораторные занятия	<p>При подготовке к лабораторным занятиям, проработать теоретический материал лекций. Особое внимание уделить формулам, понятиям, теоремам, их взаимосвязям. Выполнить несколько простейших упражнений, в том числе заданных преподавателем как домашнее задание. Также сделать конспект литературных источников, в том числе с указаниями и решениями задач. Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы, работа с текстом. Решение расчетно-графических заданий, типовых задач, решение задач по алгоритму. Если самостоятельно не удастся разобраться в примерах и задачах, необходимо отметить нерешенные задачи и совместно решить их с преподавателем на консультации, на практическом занятии.</p> <p>Общее время отводимое на содержательную подготовку к лабораторным занятиям, в том числе самостоятельно и контактную</p>

	работу с преподавателем – 2 часа.
Контрольная работа/ типовые расчеты/ тестовые задания	При подготовке к указанным видам занятий, необходимо проработать весь материал теоретического и практического курса, соотносимый с конкретным видом занятия. Ознакомиться с образцами задач и примеров конкретного вида занятия, с их содержанием. Решить образцы вариантов конкретного вида текущего контроля. Тестирование проводится по отдельным темам дисциплины, по модулям программы. После выполнения указанных видов занятий, проделать работу над ошибками.
Реферат/ сообщение	<i>Реферат:</i> Поиск литературы и составление библиографии, использование от 3 до 5 научных работ, изложение мнения авторов и своего суждения по выбранному вопросу; изложение основных аспектов проблемы. Ознакомиться со структурой и оформлением реферата. <i>Сообщение:</i> Изучение научной, учебной, другой литературы по теме сообщения. Отбор необходимого материала; формирование выводов и разработка конкретных рекомендаций по решению поставленной цели и задачи; проведение теоретических и практических исследований по теме сообщения.
Коллоквиум	Работа с конспектами лекций и практических занятий, подготовка ответов к контрольным вопросам теоретического и практического характера по указанным разделам.
Самостоятельная работа	Самостоятельная работа студентов, включает усвоение теоретического материала, подготовку к практическим занятиям, выполнение индивидуальных заданий, рефератов, тестированию, работу с учебниками, иной учебной и учебно-методической литературой, подготовку к текущему контролю успеваемости, к зачету, к экзамену.
Подготовка к зачету, к экзамену	При подготовке к зачету и экзамену необходимо ориентироваться на конспекты лекций и практических занятий, рекомендуемую литературу и др. При этом детально и содержательно проработать каждый материал лекции и практического занятия, вопросов вынесенных на самостоятельную работу. Уметь ориентироваться в схеме фактов и утверждений данной дисциплины. Ознакомиться с перечнем вопросов к зачету, к экзамену.

Самостоятельная работа студентов по дисциплине предполагает более глубокую проработку ими отдельных тем курса, определенных программой. Основными видами и формами самостоятельной работы студентов по данной дисциплине являются:

- подготовка к лекциям и практическим занятиям;
- выполнение домашнего задания;
- самоподготовка по вопросам;

- подготовка к зачету, к экзамену.

Важной частью самостоятельной работы является чтение учебной литературы. Основная функция учебников - ориентировать обучающегося в системе тех знаний, умений и навыков, которые должны быть усвоены по данной дисциплине будущими специалистами. В процессе изучения данной дисциплины учитывается посещаемость лекций, оценивается активность студентов на практических занятиях, а также качество и своевременность подготовки теоретических материалов, практического домашнего задания и индивидуальных контрольных работ. По окончании изучения дисциплины проводится зачет и экзамен по предложенным вопросам и заданиям.

Вопросы, выносимые на зачет и экзамен, должны служить постоянными ориентирами при организации самостоятельной работы студента. Таким образом, усвоение учебного предмета в процессе самостоятельного изучения учебной и научной литературы является и подготовкой к зачету и экзамену.

Студент, показавший высокий уровень владения знаниями, умениями и навыками по предложенному вопросу, считается успешно освоившим учебный курс. В случае большого количества затруднений при раскрытии предложенного на экзамене вопроса обучающемуся предлагается повторная сдача в установленном порядке.

Для успешного овладения курсом необходимо выполнять следующие требования:

посещать все занятия, т.к. весь тематический материал взаимосвязан между собой и теоретического овладения пропущенного недостаточно для качественного усвоения;

все рассматриваемые на практических занятиях темы обязательно конспектировать в отдельную тетрадь и сохранять её до окончания обучения в вузе;

обязательно выполнять все домашние задания;

проявлять активность на занятиях и при подготовке, т.к. конечный результат овладения содержанием дисциплины необходим, в первую очередь, самому обучающемуся;

в случаях пропуска занятий, по каким-либо причинам, обязательно «отрабатывать» пропущенное занятие преподавателю во время индивидуальных консультаций.

10. ТРЕБОВАНИЯ К УСЛОВИЯМ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

10.1. Общесистемные требования

Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

<http://kchgu.ru> - адрес официального сайта университета.

<https://do.kchgu.ru> - электронная информационно-образовательная среда КЧГУ.

Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2023/2024 учебный год	Договор №915 эбс ООО «Знаниум» от 12.05.2023г.	Действует до 15.05.2024г.

	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № СЭБ НВ-294 от 1 декабря 2020 года.	Бессрочный
2023/2024 учебный год	Электронная библиотека КЧГУ (Э.Б.). Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015г. Протокол № 1). Электронный адрес: https://kchgu.ru/biblioteka - kchgu/	Бессрочный
2023/2024 учебный год	<p>Электронно-библиотечные системы:</p> <p>Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU» - https://www.elibrary.ru. Лицензионное соглашение №15646 от 01.08.2014г. Бесплатно.</p> <p>Национальная электронная библиотека (НЭБ) – https://rusneb.ru. Договор №101/НЭБ/1391 от 22.03.2016г. Бесплатно.</p> <p>Электронный ресурс «Polred.com Обзор СМИ» – https://polpred.com. Соглашение. Бесплатно.</p>	Бессрочно

10.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения	Адрес помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом
<p>Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</p> <p><i>Специализированная мебель:</i> столы ученические, стулья, доска маркерная.</p> <p>Учебно-наглядные пособия (в электронном виде).</p> <p><i>Технические средства обучения:</i> Телевизор, системный блок с подключением к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.</p> <p><i>Лицензионное программное обеспечение:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> – Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная – Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная – ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная – Calculate Linux (внесён в ЕРПИ Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная – Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная – Антивирус Касперского. Действует до 03.03.2025г. (Договор № 56/2023 от 25 января 2023г.). 	<p>369200, Карачаево-Черкесская Республика, г. Карачаевск, ул. Ленина, 29. Учебно-лабораторный корпус, ауд.401</p>
<p>Аудитория для самостоятельной работы обучающихся.</p> <p><i>Специализированная мебель:</i> столы ученические, стулья, доска меловая.</p> <p>Учебно-наглядные пособия (в электронном виде).</p>	<p>369200, Карачаево-Черкесская Республика, г. Карачаевск, ул. Ленина, 29.</p>

<p><i>Технические средства обучения:</i> ноутбуки в количестве 3 шт. с подключением к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.</p> <p><i>Лицензионное программное обеспечение:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> – Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная – Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная – ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная – Calculate Linux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная – Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная – Антивирус Касперского. Действует до 03.03.2025г. (Договор № 56/2023 от 25 января 2023г.). 	<p>Учебно-лабораторный корпус, ауд. 507</p>
<p>Читальный зал, 80 мест, 10 компьютеров.</p> <p><i>Специализированная мебель:</i> столы ученические, стулья.</p> <p><i>Технические средства обучения:</i> Дисплей Брайля ALVA с программой экранного увеличителя MAGic Pro; стационарный видеоувеличитель Clear View с монитором; 2 компьютерных роллера USB&PS/2; клавиатура с накладкой (ДЦП); акустическая система свободного звукового поля Front Row to Go/\$; персональные компьютеры с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.</p> <p><i>Лицензионное программное обеспечение:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> – Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная – Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная – ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная – Calculate Linux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная – Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная – Антивирус Касперского. Действует до 03.03.2025г. (Договор № 56/2023 от 25 января 2023г.). 	<p>369200, Карачаево-Черкесская Республика, г. Карачаевск, ул. Ленина, 29. Учебно-лабораторный корпус, каб. 102 а.</p>

10.3. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Современные профессиональные базы данных

1. Федеральный портал «Российское образование»- <https://edu.ru/documents/>
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevir <http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.

Информационные справочные системы

1. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования – <http://fgosvo.ru>.
2. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
3. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
4. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window.edu.ru>.
5. Информационная система «Информио».

11. Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для лиц с ОВЗ и/или с инвалидностью РПД разрабатывается на основании «Положения об организации образовательного процесса для обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У. Д. Алиева».